Ballspiele

- 5.1 Erhaltung von Energie und Impuls bei Stößen
- 5.2 Hüpfende Bälle
- 5.3 Der Superball als Bumerang
- 5.4 Kräfte bei der Reflexion eines Balles
- 5.5 Biographie René Descartes

Erhaltungssätze bei elastischen Stößen

Zentrale Stöße auf einer waagerechten Bahn



Erhaltung des Gesamtimpulses : $m_1 \cdot v_1 + m_2 \cdot v_2 = m_1 \cdot v_1^* + m_2 \cdot v_2^*$

Erhaltung der Gesamtenergie : $\frac{1}{2} m_1 \cdot v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 \cdot v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 \cdot (v_1^*)^2 + \frac{1}{2} m_2 \cdot (v_2^*)^2$

Bei bekannten Massen m_1 und m_2 und Geschwindigkeiten v_1 und v_2 vor dem Stoß lassen sich aus diesen beiden Gleichungen die Geschwindigkeiten v_1^* und v_2^* nach dem Stoß berechnen.

Einfache Beispiele für zentrale elastische Stöße

1. $v_2 = 0$, $v_1 = v$; $m_1 = k m_2$ ($k \ge 1$, d.h. m_1 ist größer oder gleich m_2)

$$k = 1$$

$$V_1^* = 0$$

$$V_{2}^{*} = V$$

$$k = 2$$

$$v_1^* = 1/3 v_1$$

$$v_1^* = 1/3 \text{ V}$$
 $v_2^* = 4/3 \text{ V}$

$$k = 3$$

$$V_1^* = \frac{1}{2} V$$

$$V_1^* = \frac{1}{2} V$$
 $V_2^* = \frac{3}{2} V$

$$k = 4$$

$$V_1^* = \frac{3}{4} V$$

$$v_2^* = 8/5 \text{ v}$$

2. $v_2 = -v_1$, $v_1 = v$; $m_1 = k m_2$ ($k \ge 1$, d.h. m_1 ist größer oder gleich m_2)

$$k = 1$$

$$V_1^* = - V$$

$$V_{2}^{*} = V$$

$$k = 2$$

$$v_1^* = -1/3 \text{ V}$$
 $v_2^* = 5/3 \text{ V}$

$$v_2^* = 5/3 \text{ v}$$

$$k = 3$$

$$v_1^* = 0$$

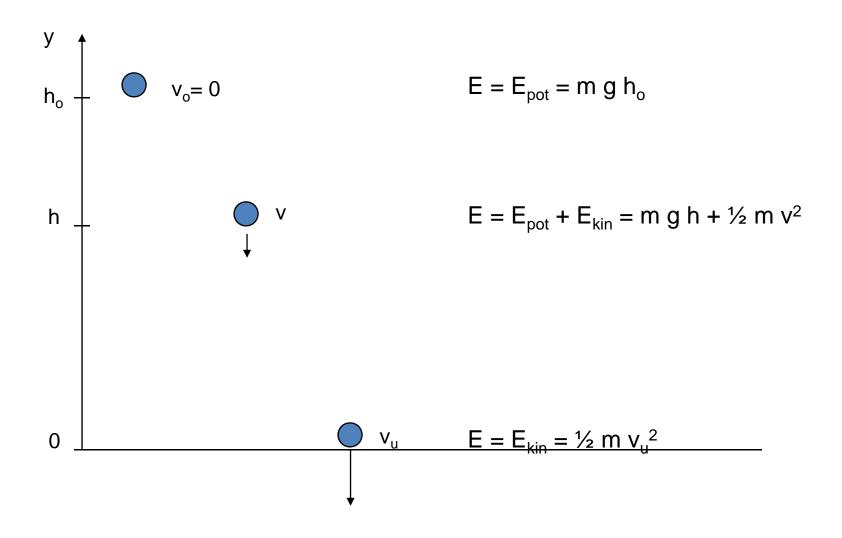
$$v_2^* = 2 v$$

$$k = 4$$

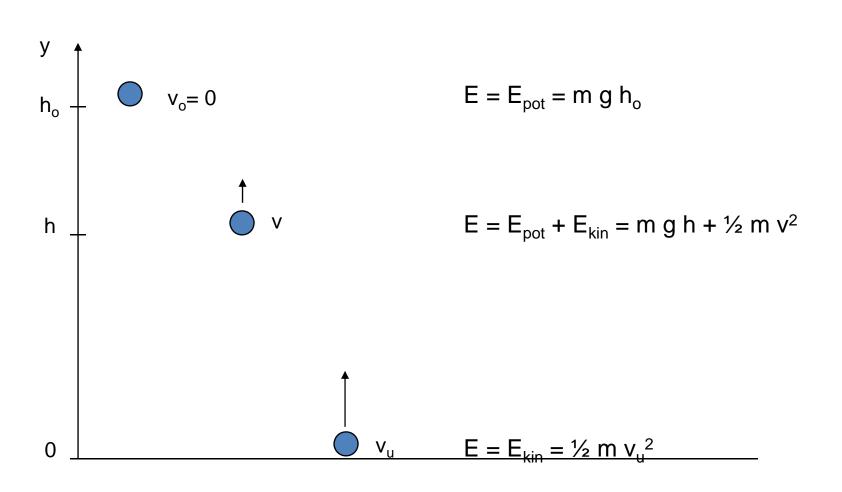
$$V_1^* = 1/5 V_1$$

$$v_1^* = 1/5 v$$
 $v_2^* = 11/5 v$

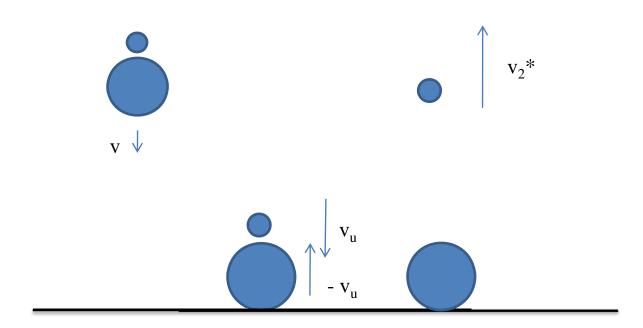
Energieerhaltung beim freien Fall



Energieerhaltung nach der Reflexion am Boden



Ballpyramide



Einfluss des Dralls bei der Reflexion

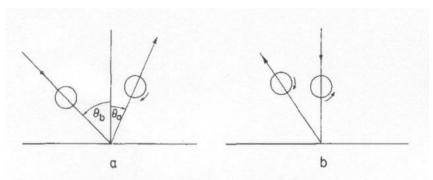


Fig. 3. (a) A Super Ball with zero spin bounces from a wall with $\tan \theta_a = 3/7 \tan \theta_b$ and with spin velocity 10/7 of its initial horizontal velocity. (b) A ball with initial spin has its spin velocity reduced to 3/7 and reversed, and acquires transverse velocity as shown.

Bumerangeffekt beim Superball

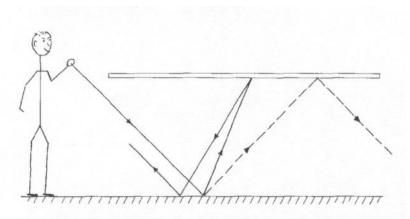
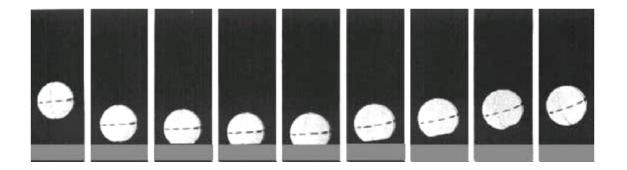
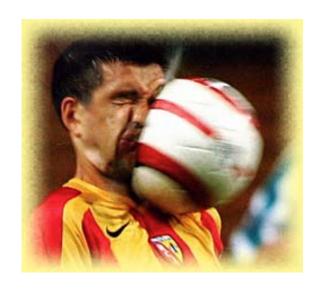


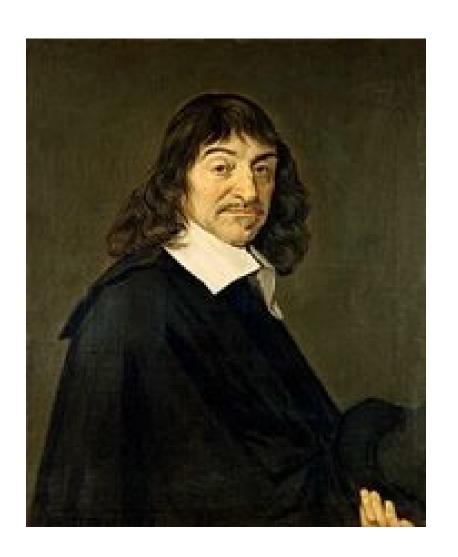
Fig. 1. A Super Ball seems to return to the hand after bouncing against the underside of a table, while the expectation is for it to continue bouncing between the floor and the table as shown by the dotted line.

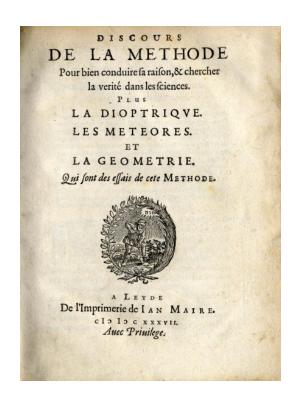
Verformung eines Balles bei der Reflexion



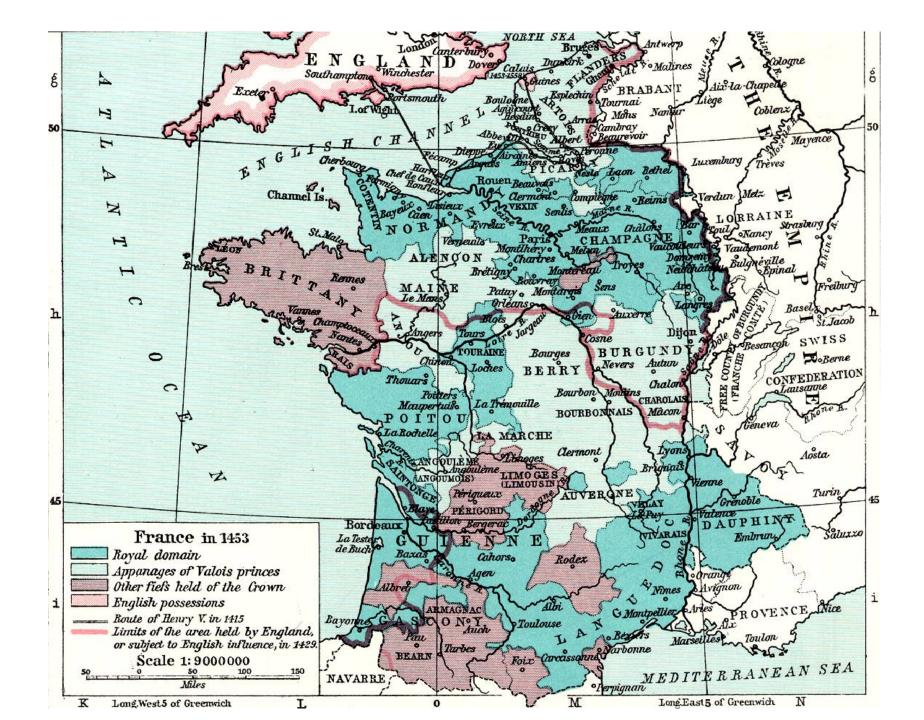


René Descartes (1596 – 1650)





"Er war ein Philosoph, dessen Werk "La géometrie" die Anwendung der Algebra auf die Geometrie eröffnete und uns die Analytische Geometrie schenkte."



René Descartes – Stationen seines Lebens

| 1596 | Geboren in der Touraine |
|-------------|---|
| | Mit 8 Jahren Internatsschüler in einem Jesuiten- |
| | kolleg im Anjou |
| 1616 | Abschluss seines Jurastudiums in Poitier |
| | Durch Studien in der Medizin und die Entdeckun- |
| | gen Galileis Zweifel an der überkommenen Naturwissenschaft |
| | Im gleichen Jahr wurde er Soldat in Holland bei dem berühmten |
| | Feldherrn Moritz von Nassau. Hier wurde er für die Physik begeistert. |
| 1619 | Nach Reisen durch Dänemark und Deutschland wurde er erneut |
| | Soldat bei Herzog Maximilian von Bayern und nahm im 30-jährigen |
| | Krieg u.a. an der Eroberung von Prag teil. |
| | Idee von der "universellen Methode zur Erforschung der Wahrheit" |
| Ab 1620 | Ausgedehnte Reisen durch Deutschland, Holland, die Schweiz und |
| | Italien |
| 1625 | Er lässt sich in Paris nieder, wo er zunehmend an Ansehen gewann. |
| 1629 – 1649 | Zurückgezogenes Leben in Holland, wo er seine wesentlichen Werke |
| | anfertigt, u.a. "Discours de la methode" (1637) |
| 1649 - 1650 | Gast der schwedischen Königin Christine in Stockholm, wo er an |
| | einer Lungenentzündung starb. |